



中国科学院大学  
University of Chinese Academy of Sciences

1

# 新老生经验交流会之

# 创新学习方式实践举隅

1978

2000

2012

2014

庄逸

2017级 理论与应用力学专业

# 一些对比

| 项目        | 高中    | 大学            |
|-----------|-------|---------------|
| 使用电子产品    | 几乎禁止  | 几乎随意          |
| Schedule  | Fixed | Flexible      |
| 自主学习时间和机会 | 少     | 多             |
| 作业的形式     | 单一    | 多样            |
| 主要的任务     | 学习    | 学习、社团、组织..... |
| 需要的参考书    | 一般    | 非常多           |

配置

作业本

日程表

扫描

数学计算

思维导图

笔记

手写型

文字输入型

摘录型

综合型

# Table of Contents of

“创新学习方式实践举隅”



# Background 关于配置

- 一般上课的状态如右图
- Ipad pro 10.5
- 替代：其他平板
- 蓝牙键盘（关键）
- 替代：
  - 原装键盘（贵）
  - 其他蓝牙键盘。
- Apple pencil
- 替代：
  - 某宝上两三百的电容笔也不错
  - 几十块钱的笔不推荐。
  - Surface配专用笔。
- 手机（我一般不需要）随意
- 电脑（我一般也不需要）随意



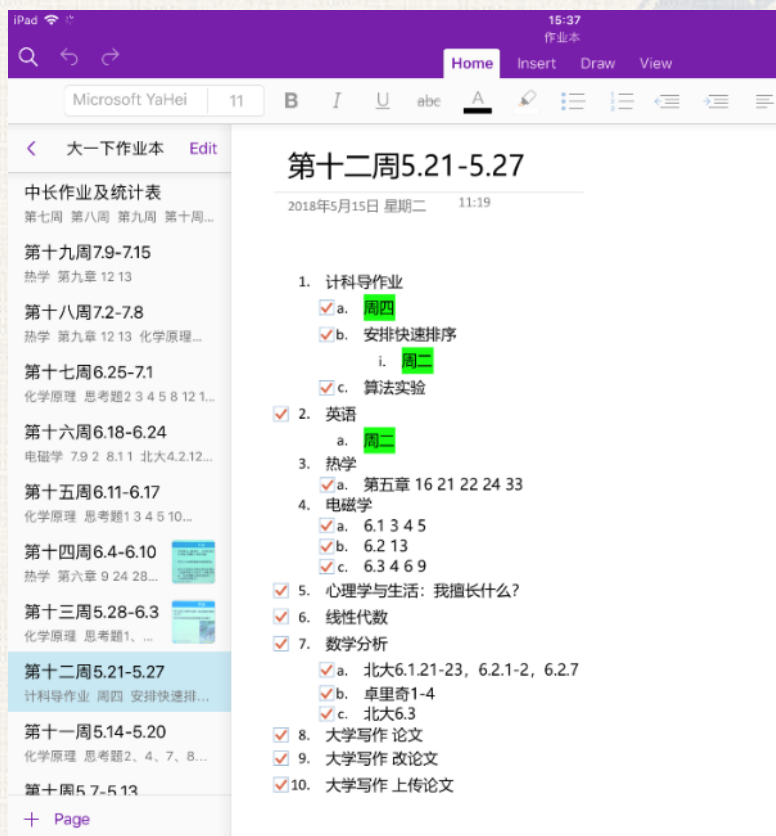
# Topic 1 作业本

作业来源：

- 上课放的PPT最后几页
- 黑板上
- 微信群、QQ群
- SEP课程网站
- 老师（看起来像是）随口一提
- .....

特性:

- 输入便捷
- 修改方便
- 多种标注
- 集中管理



## 长作业

### ☒ 1. 思修 论文



a. 四月九日思  
修课要求...

b. 5月21日

### ☐ 2. 中国古典文化鉴赏

a. 范围: 古代文学 (先秦至清) 听课心得或读书心得, 4k字

b. 6月24日

### ☐ 3. 化学原理 论文翻译

a. 6月27日

### ☐ 4. 大学英语

a. 小测2

i. 6月1日

b. 牛津345

i. 6月8日

### ☐ 5. 计科导信息隐藏 实验报告

a. 7月1日

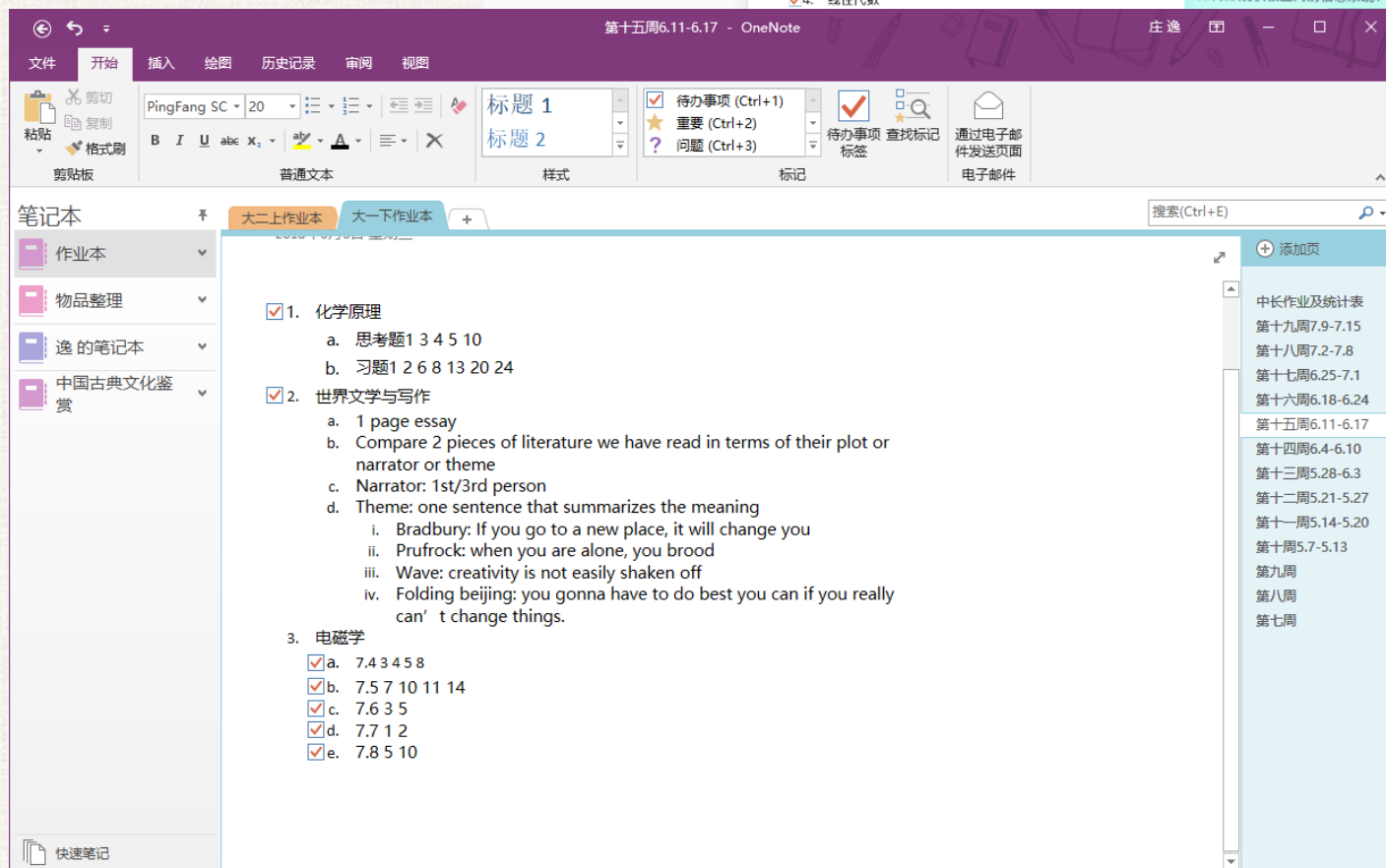
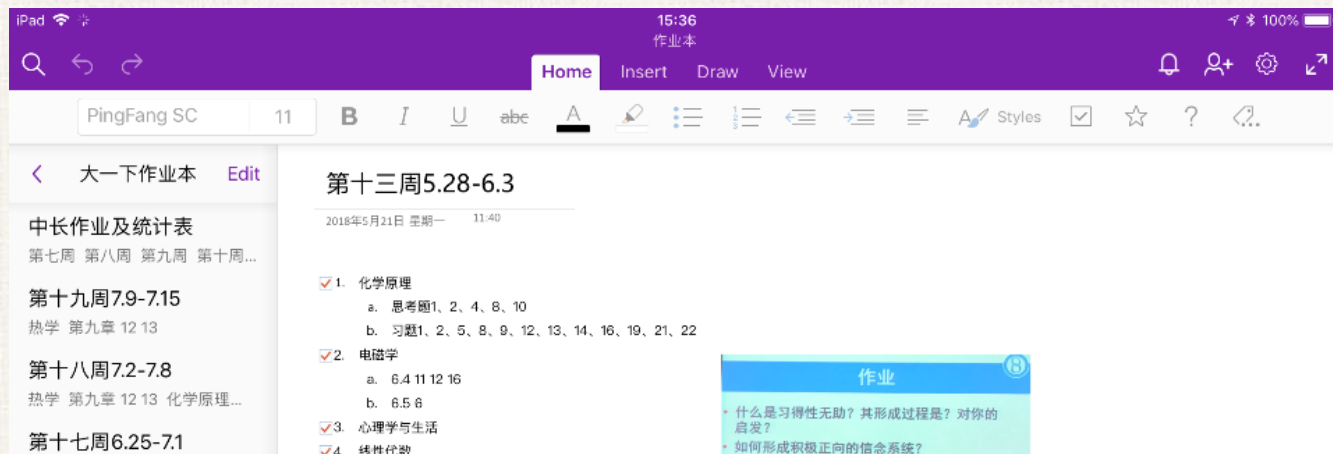


UCAS



特性:

- 附加信息种类丰富
- 同步!
- 微信摘记



## Topic 2 日程表

- 日程表 $\geq$ 课程表
- 社团、组织开会
- 课程小组讨论开会
- 约饭
- 见导师
- .....

Let me check my schedule





# Excel

缺点：格式设置麻烦，难以处理重叠事件，同步困难等等。

Solution：选择专门的日历软件。

| 庄逸          | 周一                       | 周二                   | 周三                    | 周四                   | 周五                   | 2017K8009907061 |
|-------------|--------------------------|----------------------|-----------------------|----------------------|----------------------|-----------------|
| 08:00-08:50 | 力学<br>阶一5<br>赵业溥         | 微积分1-A<br>阶一1<br>黄飞敏 | 力学<br>阶一5<br>赵业溥      | 微积分1-A<br>阶一1<br>黄飞敏 | 中国近现代史纲要<br>礼堂<br>雷颐 | 08:00-08:50     |
| 08:50-09:40 |                          |                      |                       |                      |                      | 08:50-09:40     |
| 10:00-10:50 | 线性代数1 A<br>阶一2<br>席南华    |                      | 线性代数1 A<br>阶一2<br>席南华 | 大学英语1<br>教214        | 军事理论<br>阶一4          | 10:00-10:50     |
| 10:50-11:40 |                          |                      |                       |                      |                      | 10:50-11:40     |
| 13:30-14:20 |                          |                      |                       |                      | 体育1（排球）<br>田径场       | 13:30-14:20     |
| 14:20-15:10 |                          |                      |                       |                      |                      | 14:20-15:10     |
| 15:20-16:10 | 中国文化与心理健康要素阶<br>一5<br>罗非 |                      | 英美文学鉴赏<br>教212<br>熊净雅 | 电影美学<br>阶一5<br>徐辉    | 线性代数习题课              | 15:20-16:10     |
| 16:10-17:00 |                          |                      |                       |                      |                      | 16:10-17:00     |
| 18:10-19:00 | 力学学习题课                   | 科学前沿进展名家系列讲座I礼<br>堂  | 艺术与人文修养系列讲座礼<br>堂     | 微积分学习题课              |                      | 18:10-19:00     |
| 19:00-19:50 |                          |                      |                       |                      |                      | 19:00-19:50     |
|             | 周一                       | 周二                   | 周三                    | 周四                   | 周五                   |                 |



Google Calendar 或 设备自带日历等等均可

# 17 September - 23 September, 2018

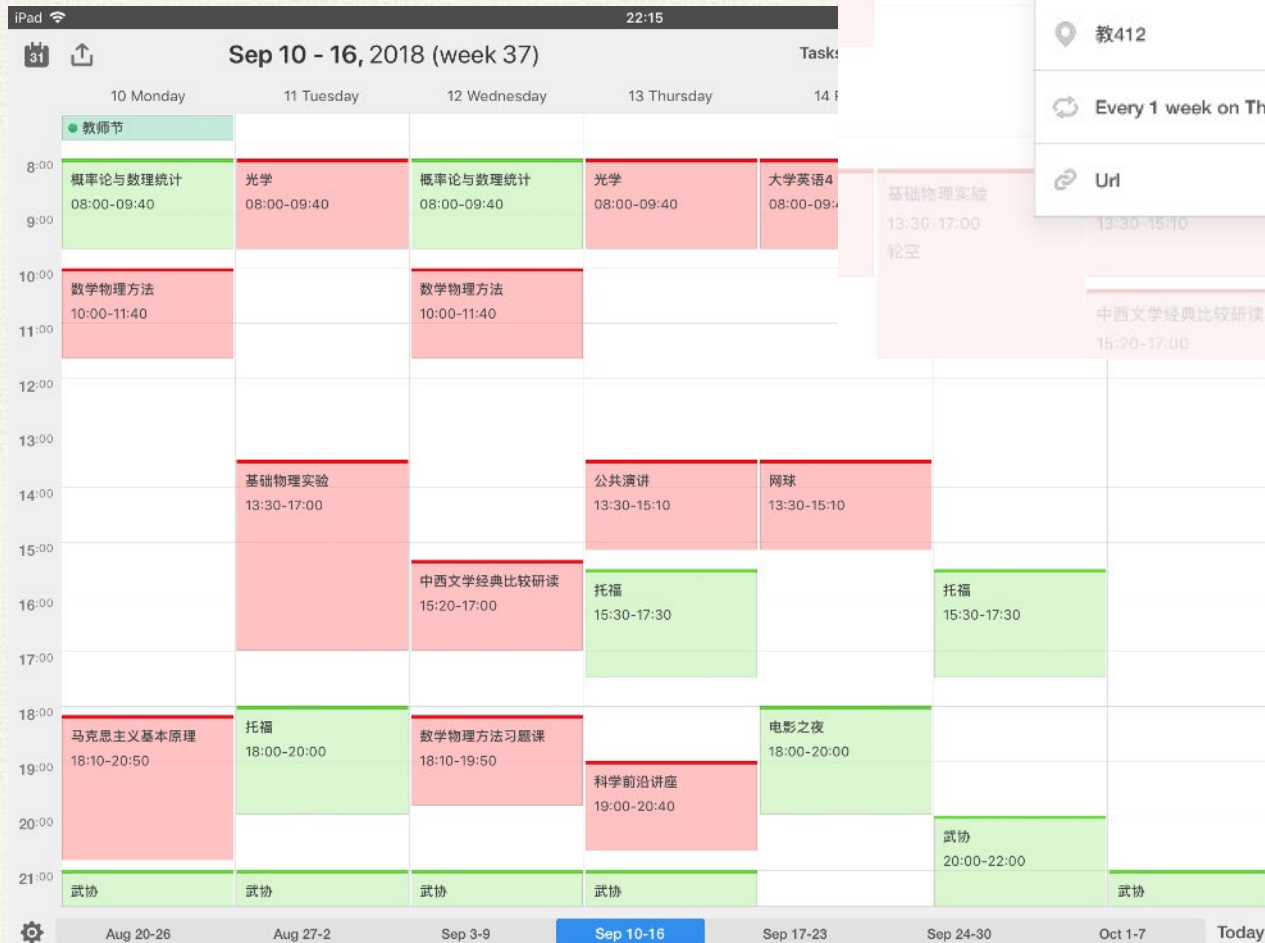
- 中国节假日
- 日历
- 课表

|       | Monday                  | Tuesday              | Wednesday                | Thursday             | Friday              | Saturday         | Sunday              |
|-------|-------------------------|----------------------|--------------------------|----------------------|---------------------|------------------|---------------------|
|       |                         |                      |                          |                      |                     |                  | 秋分                  |
| 07:00 |                         |                      |                          |                      |                     |                  |                     |
| 08:00 | 08:00 - 09:40 概率论与数理统计  | 08:00 - 09:40 光学     | 08:00 - 09:40 概率论与数理统计   | 08:00 - 09:40 光学     | 08:00 - 09:40 大学英语4 |                  |                     |
| 09:00 |                         |                      |                          |                      |                     |                  |                     |
| 10:00 | 10:00 - 11:40 数学物理方法    |                      | 10:00 - 11:40 数学物理方法     |                      |                     |                  | 10:00 - 11:40 动手天文学 |
| 11:00 |                         |                      |                          |                      |                     |                  |                     |
| 12:00 |                         |                      |                          |                      |                     |                  |                     |
| 13:00 |                         |                      |                          |                      |                     |                  |                     |
| 14:00 | 13:30 - 15:10 工程科学概论    | 13:30 - 17:00 基础物理实验 | 13:30 - 15:10 工程科学概论     | 13:30 - 15:10 公共演讲   | 13:30 - 15:10 网球    |                  |                     |
| 15:00 |                         |                      |                          |                      |                     |                  |                     |
| 16:00 |                         |                      | 15:20 - 17:00 中西文学经典比较研读 | 15:30 - 17:30 托福     |                     | 15:30 - 17:30 托福 |                     |
| 17:00 |                         |                      |                          |                      |                     |                  |                     |
| 18:00 | 18:10 - 20:50 马克思主义基本原理 | 18:00 - 20:00 托福     | 18:10 - 19:50 数学物理方法习题课  |                      | 18:00 - 20:00 电影之夜  |                  |                     |
| 19:00 |                         |                      |                          | 19:00 - 20:40 科学前沿讲座 |                     |                  |                     |
| 20:00 |                         |                      |                          |                      |                     | 20:00 - 22:00 武协 |                     |
| 21:00 | 21:00 - 22:00 武协        | 21:00 - 22:00 武协     | 21:00 - 22:00 武协         | 21:00 - 22:00 武协     |                     |                  | 21:00 - 22:00 武协    |
| 22:00 |                         |                      |                          |                      |                     |                  |                     |
| 23:00 |                         |                      |                          |                      |                     |                  |                     |

特性:

- 日程定制

时间、地点、类别、  
重复、参与人、提醒、备注等




- 自然语言识别
- 打一句话自动识别时间  
重复次数等要素
- (不过似乎只支持英文)
- 例: 线性代数 from 8.00  
to 9.40 every Monday and  
Wednesday



特性:

- 同步!
- Widget通知


**CALENDARS 5**
折叠

- 今天无事项

- 下一事项 - 明天

动手天文学

10:00-11:40

| 9月15日 - 21日<br>2018年 (第 37 周) |                                |                              |                              |                                  |                                 |                 |
|-------------------------------|--------------------------------|------------------------------|------------------------------|----------------------------------|---------------------------------|-----------------|
| 周六<br>15                      | 托福<br>15:30 (2)                | 武协<br>20:00 (2)              |                              |                                  |                                 |                 |
| 周日<br>16                      | 动手天文学<br>10:00<br>1 小时 40 分    | 武协<br>21:00 (1)              |                              |                                  |                                 |                 |
| 周一<br>17                      | 概率论与数理统计<br>08:00<br>1 小时 40 分 | 数学物理方法<br>10:00<br>1 小时 40 分 | 工程科学概论<br>13:30<br>1 小时 40 分 | 马克思主义基本原理<br>18:10<br>2 小时 40 分  | 武协<br>21:00 (1)                 |                 |
| 周二<br>18                      | 光学<br>08:00<br>1 小时 40 分       | 基础物理实验<br>13:30<br>3 小时 30 分 | 托福<br>18:00 (2)              | 武协<br>21:00 (1)                  |                                 |                 |
| 周三<br>19                      | 概率论与数理统计<br>08:00<br>1 小时 40 分 | 数学物理方法<br>10:00<br>1 小时 40 分 | 工程科学概论<br>13:30<br>1 小时 40 分 | 中西文学经典比较研读<br>15:20<br>1 小时 40 分 | 数学物理方法习题课<br>18:10<br>1 小时 40 分 | 武协<br>21:00 (1) |
| 周四<br>20                      | 光学<br>08:00<br>1 小时 40 分       | 公共演讲<br>13:30<br>1 小时 40 分   | 托福<br>15:30 (2)              | 科学前沿讲座<br>19:00<br>1 小时 40 分     | 武协<br>21:00 (1)                 |                 |
| 周五<br>21                      | 大学英语4<br>08:00<br>1 小时 40 分    | 网球<br>13:30<br>1 小时 40 分     | 电影之夜<br>18:00 (2)            |                                  |                                 |                 |
| 9月31                          | 9月1-7                          | 9月8-14                       | 9月15-21                      | 9月22-28                          | 9月-10月29-5                      | 10月6-           |

# Topic 3 扫描

- 讲义
- 书籍节选
- ppt
- 纸质通知
- .....











特性:

- 调整亮度/对比度
- 调整文档类型
- 调整.....



特性:

- 虽然有OCR，但还是考虑其他的，如FineScanner

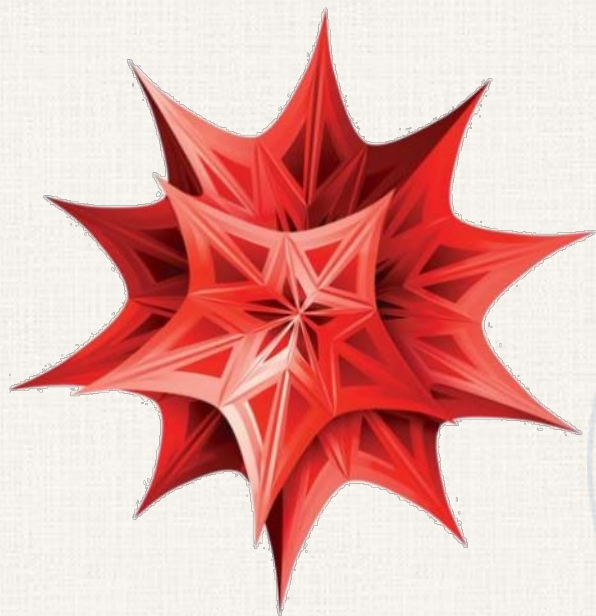


# 培养手册

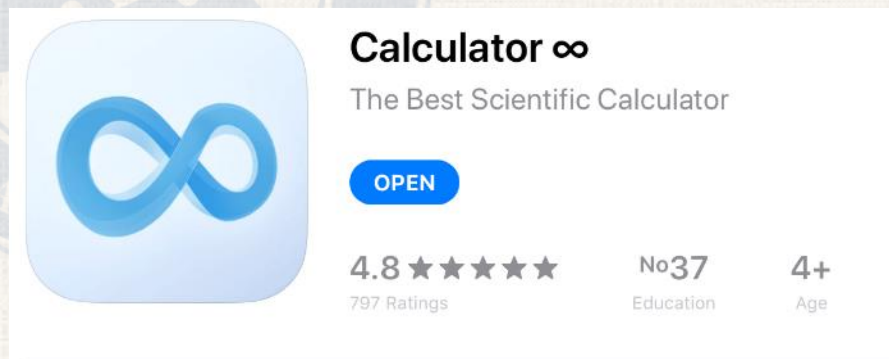




# Topic 4 数学计算



替代: Matlab, Maple  
其他移动端计算器







特性:

- 其实就是高级版 Casio f991CN
- 支持外接键盘输入
- 能够画图

iPad 10:43 Not Charging

WolframAlpha

Integrate[ArcCos[x],x]

Indefinite integral

$$\int \cos^{-1}(x) dx = x \cos^{-1}(x) - \sqrt{1-x^2} + \text{constant}$$

Plots of the integral

Complex-valued plots

(x from -1 to 1)

— real part  
— imaginary part

(x from -6 to 6)

— real part  
— imaginary part

Alternate forms of the integral

$$x \cos^{-1}(x) - \sqrt{1-x} \sqrt{x+1} + \text{constant}$$

$$\frac{1}{2} \left( -2\sqrt{1-x^2} + \pi x - 2x \sin^{-1}(x) \right) + \text{constant}$$

$$-\sqrt{1-x^2} + ix \log(\sqrt{1-x^2} + ix) + \frac{\pi x}{2} + \text{constant}$$

Series expansion of the integral at x=-1

$$-\pi + \pi(x+1) - \frac{2}{3}\sqrt{2}(x+1)^{3/2} - \frac{(x+1)^{5/2}}{15\sqrt{2}} + O((x+1)^{7/2})$$

(Puiseux series)

Big-O notation

Series expansion of the integral at x=0

iPad 10:42 Not Charging

WolframAlpha

Integrate[ArcCos[x],x]

Indefinite integrals

$$\int \cos^{-1}(x) dx = x \cos^{-1}(x) - \sqrt{1-x^2} + \text{constant}$$

Possible intermediate steps

Take the integral:

$$\int \cos^{-1}(x) dx$$

For the integrand  $\cos^{-1}(x)$ , integrate by parts,  $\int f dg = fg - \int g df$ , where

$$f = \cos^{-1}(x), \quad dg = dx,$$

$$df = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}} dx, \quad g = x:$$

$$= x \cos^{-1}(x) - \int \frac{x}{\sqrt{1-x^2}} dx$$

Factor out constants:

$$= x \cos^{-1}(x) + \int \frac{x}{\sqrt{1-x^2}} dx$$

For the integrand  $\frac{x}{\sqrt{1-x^2}}$ , substitute  $u = 1-x^2$  and  $du = -2x dx$ :

$$= x \cos^{-1}(x) - \frac{1}{2} \int \frac{1}{\sqrt{u}} du$$

The integral of  $\frac{1}{\sqrt{u}}$  is  $2\sqrt{u}$ :

$$= x \cos^{-1}(x) - \sqrt{u} + \text{constant}$$

Substitute back for  $u = 1-x^2$ :

Answer:

$$= x \cos^{-1}(x) - \sqrt{1-x^2} + \text{constant}$$

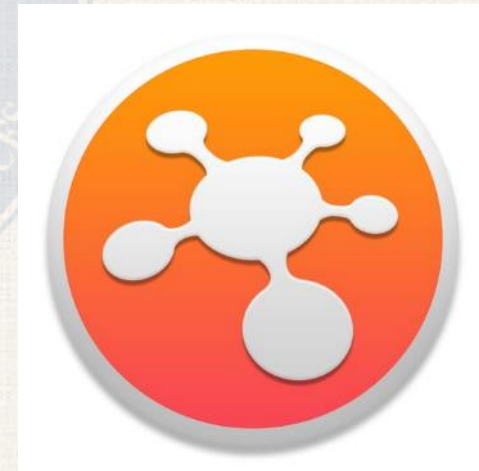
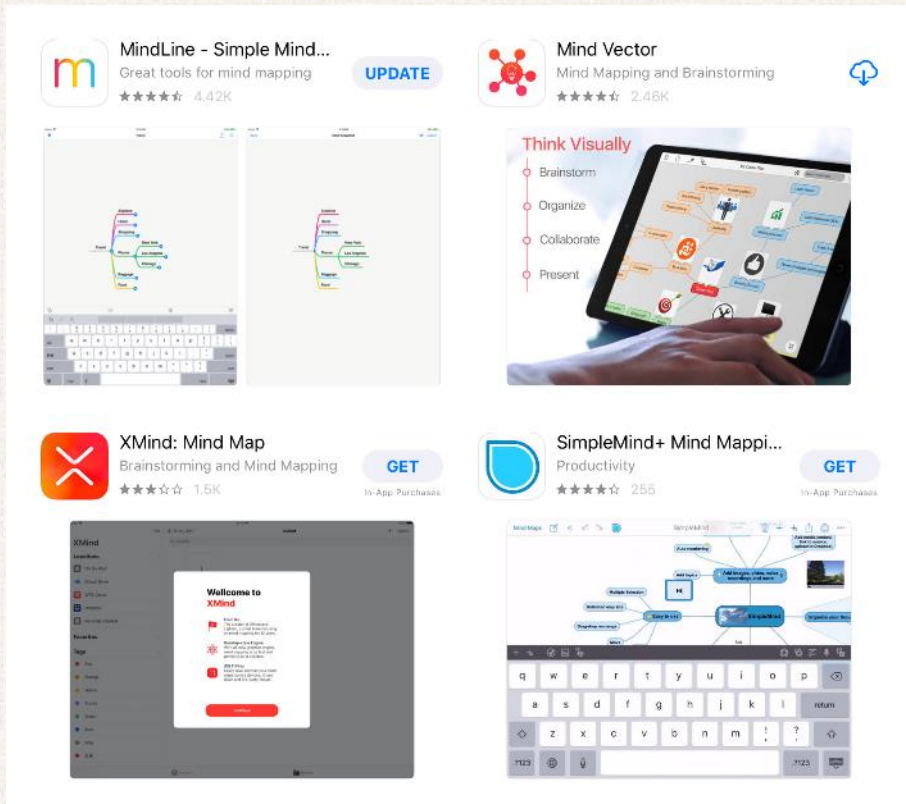
$$k^n = ? k + ? k(k-1) + ? k(k-1)(k-2) + \dots + ? k(k-1) \dots (k-n+1)$$

| k | k(k-1) | k(k-1)(k-2) |       |       |       |      |      |      |      |
|---|--------|-------------|-------|-------|-------|------|------|------|------|
| 1 | null   | null        | null  | null  | null  | null | null | null | null |
| 1 | 1      | null        | null  | null  | null  | null | null | null | null |
| 1 | 3      | 1           | null  | null  | null  | null | null | null | null |
| 1 | 7      | 6           | 1     | null  | null  | null | null | null | null |
| 1 | 15     | 25          | 10    | 1     | null  | null | null | null | null |
| 1 | 31     | 90          | 65    | 15    | 1     | null | null | null | null |
| 1 | 63     | 301         | 350   | 140   | 21    | 1    | null | null | null |
| 1 | 127    | 956         | 1701  | 1950  | 266   | 28   | 1    | null | null |
| 1 | 255    | 3025        | 7770  | 6951  | 2646  | 462  | 36   | 1    | null |
| 1 | 511    | 9330        | 34105 | 42525 | 22827 | 5880 | 750  | 45   | 1    |

$$a_{m,n} = m \text{ 行 } n \text{ 列}, k^m = \sum_{t=1}^m a_{m,t} \prod_{r=0}^{t-1} (k-r) = \sum_{t=1}^m a_{m,t} k(k-1) \dots (k-t+1)$$



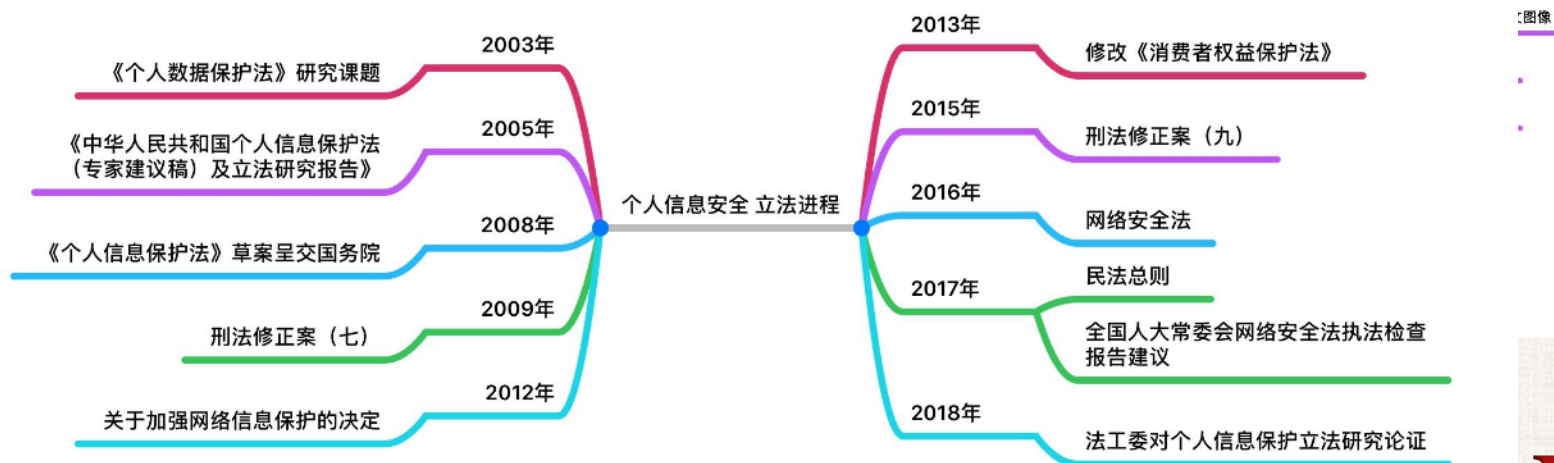
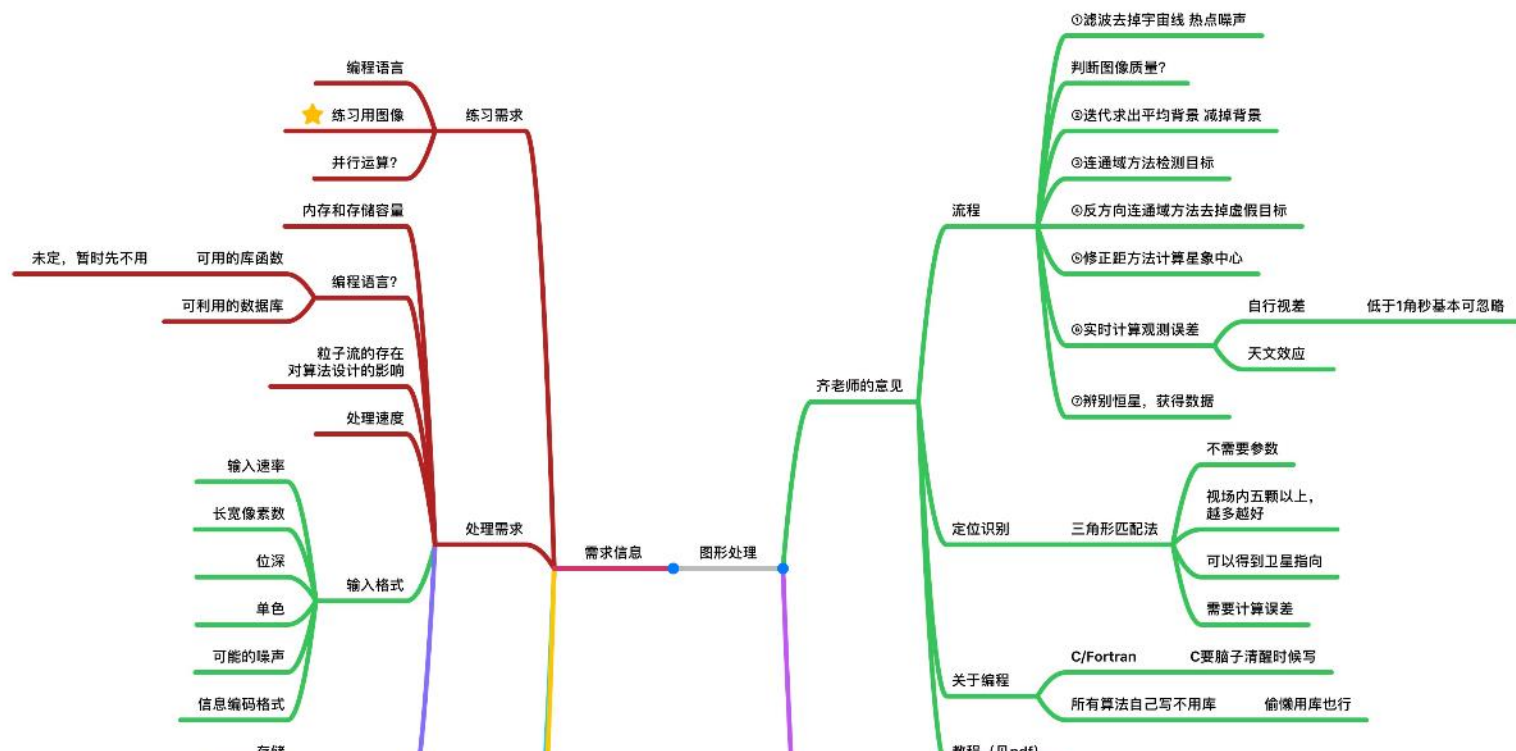
# Topic 5 思维导图



iThoughts

Etc.甚至几何画板都可以。



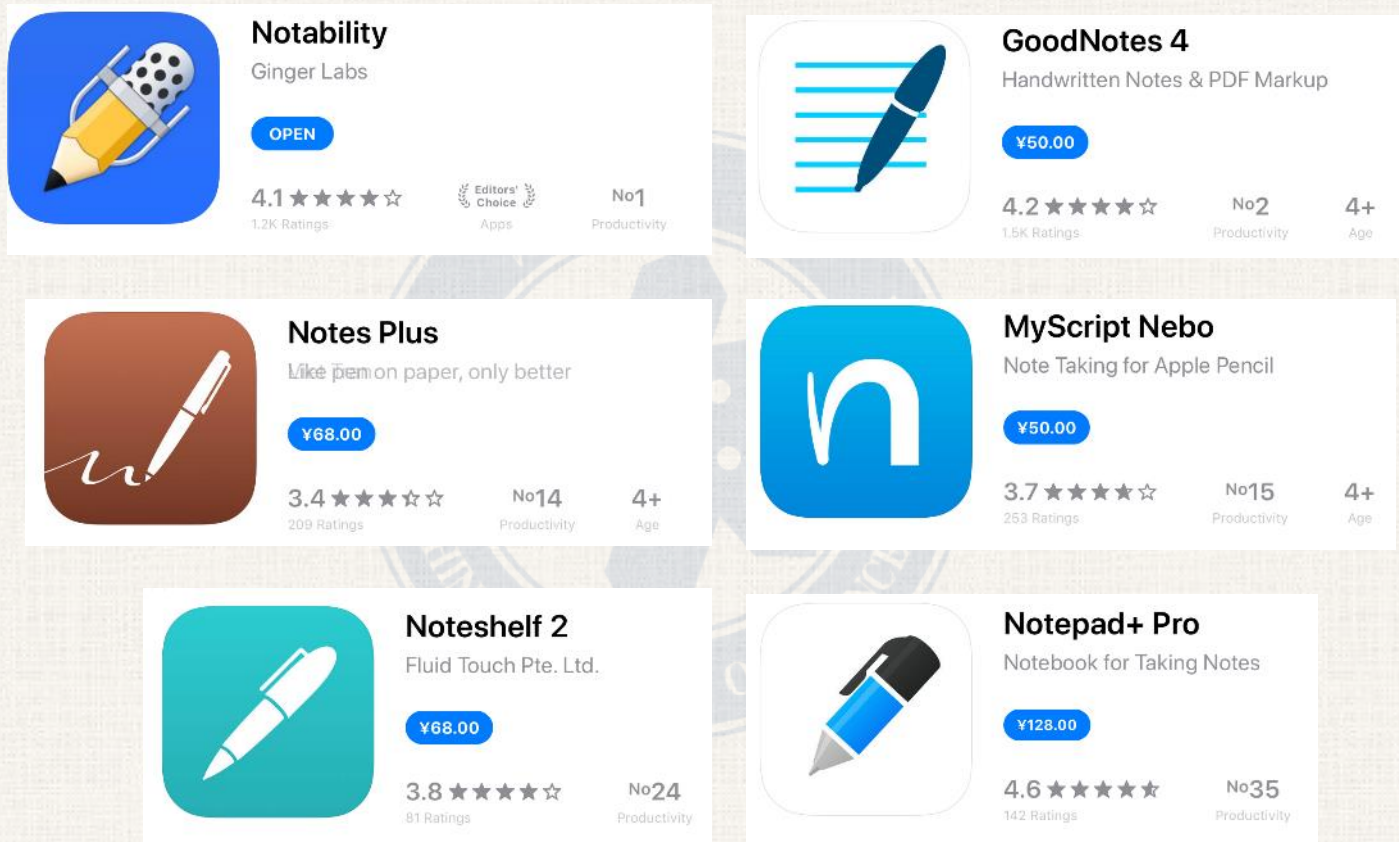




# MarginNote



# Topic 6 笔记-手写型



The list went on and on...



# 草稿本

- 特性（公共基础）：
- 随意调整笔
- 插入图片文字
- 随时取用，且用不完的纸
- 如果不删可以找到很久以前打的草稿。

iPad 13:37 100%

7.  $P(A \cap B) \cap C = P(A \cap B \cap C)$   
 $= \frac{3}{4} - \frac{\pi}{2}$

$P_A = \frac{1}{2}$   $P_B = 1 - \frac{\pi}{2}$   
 $P_C = 1 - \frac{\pi}{2}$

$n^k = f(n, k) =$   
 $C_n^k f(n-1, k)$   
 $+ C_n^k f(n-1, k)$   
 $+ C_n^k f(n-1, k)$   
 $\dots + C_n^k f(n-1, k)$   
 $\sum_{m=0}^n C_n^m f(n-m, k) = n^k$

08:03

6

4

5

7.  $AB \subset C$   $\bar{A}\bar{B} \subset \bar{C}$   
 $P(AB) \leq P(C)$   $P(\bar{A}\bar{B}) \leq P(\bar{C})$   
 $P(A)P(B) \leq P(C)$   $P(\bar{A})P(\bar{B}) \leq P(\bar{C})$   
 $(1-P(A))(1-P(B)) \leq (1-P(C))$   
 $P_A P_B - P_A - P_B < -P_C$   
 $P_C - P_A < P_B(1-P_A)$   
 $P(A) = P(C|A)P(A)$   
 $\geq P_A P_C$

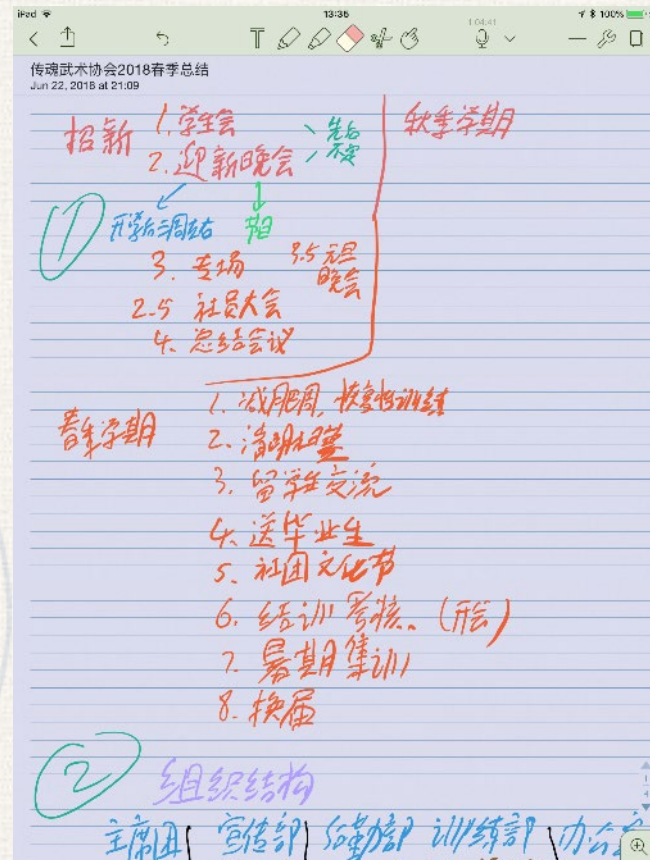
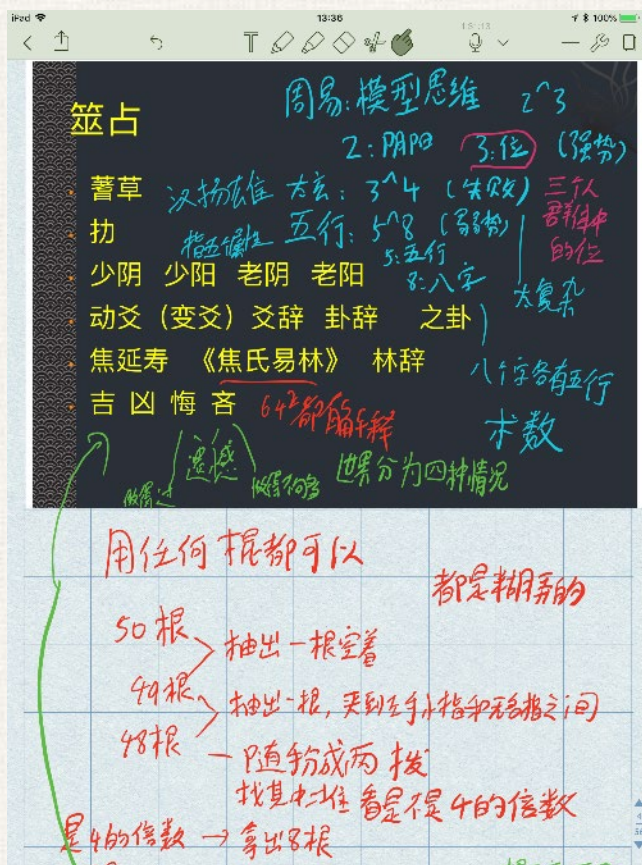


# 会议记录

- 录音，同步回放
- 手写搜索和OCR

# 课堂笔记

- 可导入课件
- 放大写字
  - 就好像在放大镜下写字一样，整体看起来就会比较美观。

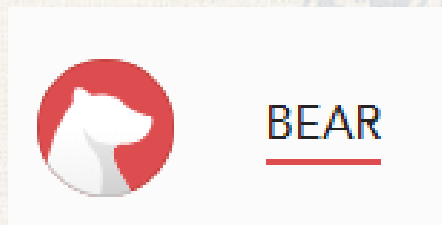




# Topic 6 笔记-文字输入型



其实凡是能便捷输入文字的都可以。  
备忘录，记事本.....if you'd like



一些特殊语言：

Markdown：通过标记实现各类文本格式

TeX：输入数学公式+排版

Unicode Math（MS专用）：输入数学公式

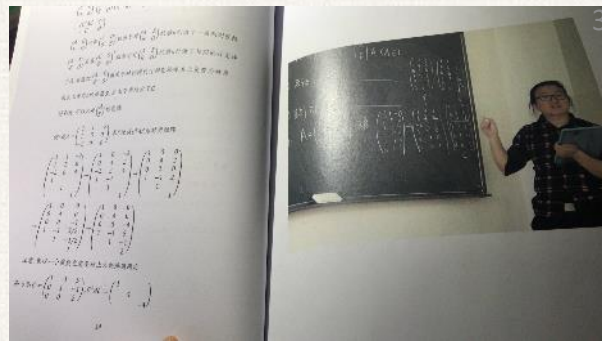
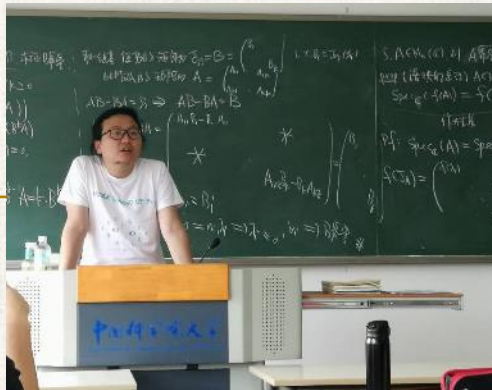






# 线性代数讲义集

- 起因：李子明老师上传了手写版的讲义，使用起来不太方便。
- 根本原因：不知道咋复习线性代数，干脆就理一遍上课内容。
- 工具： Word



§10 Jordan 标准型 (哈密达定理)

定理 10.1 设  $A \in M_n(\mathbb{C})$  则

$$B = \begin{pmatrix} J_{n_1}(\lambda_1) & & 0 \\ & \ddots & \\ 0 & & J_{n_k}(\lambda_k) \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} J_{n_1}(\lambda_1) & & 0 \\ & \ddots & \\ 0 & & J_{n_k}(\lambda_k) \end{pmatrix}$$

若  $A$  与  $B$  相似, 则  $A$  与  $C$  相似. 称  $A$  的 Jordan 标准型为  $J(A)$ .

由定理 10.1 可知, 对任意  $A \in M_n(\mathbb{C})$ , 存在可逆矩阵  $P$  使得  $P^{-1}AP = J(A)$ .

由定理 10.2 可知, 对任意  $A \in M_n(\mathbb{C})$ , 存在可逆矩阵  $P$  使得  $P^{-1}AP = J(A)$ .

令  $\lambda_1 = \lambda_1, \lambda_2 = \lambda_2, \dots, \lambda_k = \lambda_k$ .

席中: 设  $V$  线性空间,  $f, g \in V^*$ , 且  $f(x)g(x) = 0, \forall x \in V$ .

求证  $f, g$  至少有一个为零函数

证: 若  $f, g$  都不为 0, 则  $\exists u, v \in V$  使得  $f(u) \neq 0, g(v) \neq 0$

由条件  $f(u)g(u) = 0 \Rightarrow g(u) = 0$   
 $f(v)g(v) = 0 \Rightarrow f(v) = 0$

$$0 = f(u+vg(u+v)) = f(u)g(u) + f(u)g(v) + f(v)g(u) + f(v)g(v) = f(u)g(v) + f(v)g(u) = 0$$

简直瞎了我的狗眼! 所以  $f, g$  不可能都不为 0! 即  $f, g$  至少有一个是 0



李开明老师的线性代数讲义

### §5 特征子空间的应用

#### §5.1 线性算子和矩阵的对角化

【定义 5.1.1】 设  $A \in L(V)$ ,  $\lambda$  在  $F$  中互不相同的特征值的集合称为  $A$  在  $F$  上的谱 (spectrum), 记为  $\text{spec}_F(A)$ .

类似地可定义  $\text{spec}_F A$ , 其中  $A \in M_n(F)$ .

【例 5.1.1】 不同本征值的谱

设  $A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{pmatrix} \in M_4(\mathbb{C}) \subset M_4(\mathbb{R})$

$$X_A(t) = |tE - A| = \begin{vmatrix} t & -1 & 0 & 0 \\ 0 & t & -1 & 0 \\ 0 & 0 & t & -1 \\ 0 & 0 & 1 & t \end{vmatrix} = t^2(t^2 + 1)$$

$\text{spec}_\mathbb{C} A = \{0\}, \text{spec}_\mathbb{R} A = \{0\}, \text{spec}_\mathbb{C} A = \{0, \sqrt{-1}, -\sqrt{-1}\}$

§5 特征子空间的应用

【定理 5.1】 可对角化的判定

设  $A \in L(V)$ , 则下列断言等价

(i)  $A$  可对角化

(ii)  $A$  有  $n$  个线性无关的特征向量  $[n = \dim V]$

(iii)  $V = \bigoplus_{\lambda \in \text{spec}_F A} V_\lambda$

证: (i)  $\Rightarrow$  (ii):

设  $A$  在  $V$  的基  $\vec{e}_1, \dots, \vec{e}_n$  下的标准形是  $\begin{pmatrix} \lambda_1 & & 0 \\ & \ddots & \\ 0 & & \lambda_n \end{pmatrix}$

则  $(A(\vec{e}_1), \dots, A(\vec{e}_n)) = (\vec{e}_1, \dots, \vec{e}_n) \begin{pmatrix} \lambda_1 & & 0 \\ & \ddots & \\ 0 & & \lambda_n \end{pmatrix}$

$A(\vec{e}_j) = \lambda_j \vec{e}_j, j = 1, \dots, n$

于是  $\vec{e}_1, \dots, \vec{e}_n$  是  $A$  的特征向量

(ii)  $\Rightarrow$  (iii): 设  $\vec{v}_1, \dots, \vec{v}_n$  是  $A$  的  $n$  个线性无关的特征向量

不妨设  $\vec{v}_1, \dots, \vec{v}_k$  对应特征根  $\lambda_1$

$\vec{v}_{k+1}, \dots, \vec{v}_n$  对应特征根  $\lambda_2, \dots$

$\vec{v}_{n_{k-1}+1}, \dots, \vec{v}_n$  对应特征根  $\lambda_m$



UCAS



# Topic 6 笔记-摘记型



# MarginNote



# 摘录

摘录方式：文字节选、矩形截图、手绘任意区域

摘录卡：编辑标题、备注，可添加图片、录音、手绘、Tex公式（新版本暂无）  
可用标签、颜色管理

Documents 15:00 100%

现代光学基础 第二版 钟锦华 大学物理通用教程 光学 钟锦华 陈熙谋

面波特征矢量的波矢  $k$

面波复振幅及其特点

(1) 发散球面波  
如图 2.7(a) 所示, 其复振幅表达式为

$$\tilde{U}(P) = \frac{a_1}{r} e^{ikr} = \frac{a_1}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}} e^{ik\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}} \quad (2.21)$$

可见, 对于球面波, 其振幅系数和相因子均是场点位置  $(x, y, z)$  的较为复杂的函数。

(2) 会聚球面波  
如图 2.7(b) 所示, 会聚球面波的复振幅表达式为

$$\tilde{U}(P) = \frac{a_2}{r} e^{-ikr}, \quad r = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2} \quad (2.22)$$

与发散球面波的区别仅在相因子由正号改为负号。这一点可以这样理解, 对于球面波, 虽然不像平面波那样有一个恒矢量  $k$ , 但可以引入局域波矢  $k$ , 代表  $P$  点及其邻近小面元的法线方向或能流方向。于是, 我们就可以借用平面波的相因子函数形式  $e^{ik \cdot r}$ , 对于发散球面波, 场点  $P$  的位矢  $r$  与波矢  $k$  平行, 故  $k \cdot r = kr$ ; 对于会聚球面波,  $r$  与  $k$  反平行, 故  $k \cdot r = -kr$ 。这与物理图像上的直观理解是一致的, 因为对于会聚于  $Q$  点的球面波来说, 越靠近点源即  $r$  越小, 相位应当越落后, 这与 (2.22) 式给出的结果是相符的。

(3) 轴外点源情形  
在多个点源同时存在的情况下, 显然只能有一个点源可以选择为坐标系的原点, 即轴外点源是更为一般的情况。在直角坐标系中, 场点  $P(x, y, z)$ , 设点源  $Q(x_0, y_0, z_0)$ , 于是, 球面波复振幅表达式为

$$\tilde{U}(P) = \frac{a_1}{r} e^{ikr} \quad r = \sqrt{(x-x_0)^2 + (y-y_0)^2 + (z-z_0)^2} \quad (2.23)$$

其中, 相因子的正号反映了球面波的聚散性, 正号对应发散球面波, 一号对应会聚球面波; 聚散中心位置为  $(x_0, y_0, z_0)$ 。

• 光强与复振幅的关系

当我们从理论上知道了复振幅函数  $\tilde{U}(P)$ , 就可以获得可观测测量光强的空间分布,

$$I(P) = \tilde{U}(P) \cdot \tilde{U}^*(P) = A^2(P) \quad (2.24)$$

这里,  $\tilde{U}^*$  是  $\tilde{U}$  的复共轭

$$\tilde{U}^*(P) = A(P) e^{-ik \cdot r} \quad (2.25)$$

## 球面波复振幅及特点

### • 球面波复振幅及其特点

#### (1) 发散球面波

如图 2.7(a) 所示, 其复振幅表达式为

$$\tilde{U}(P) = \frac{a_1}{r} e^{ikr} = \frac{a_1}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}} e^{ik\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}} \quad (2.21)$$

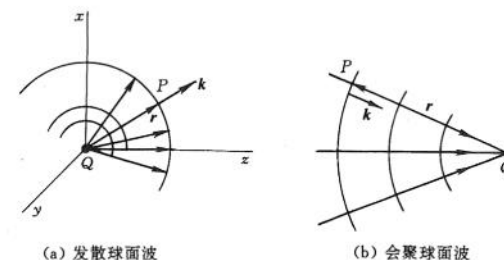
可见, 对于球面波, 其振幅系数和相因子均是场点位置  $(x, y, z)$  的较为复杂的函数。

#### (2) 会聚球面波

如图 2.7(b) 所示, 会聚球面波的复振幅表达式为

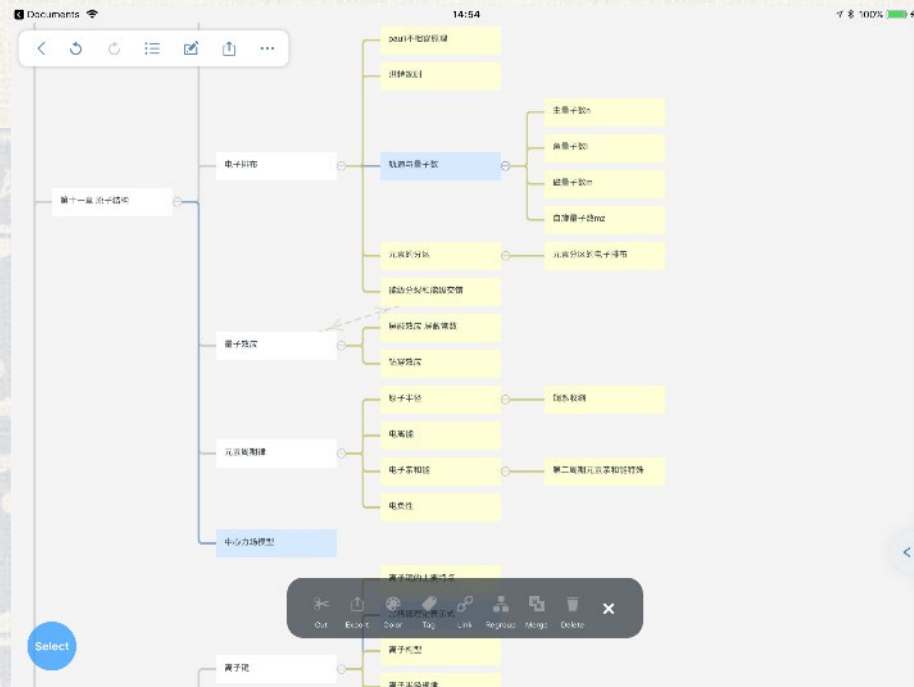
$$\tilde{U}(P) = \frac{a_2}{r} e^{-ikr}, \quad r = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2} \quad (2.22)$$

与发散球面波的区别仅在相因子由正号改为负号。这一点可以这样理解, 对于球面波, 虽然不像平面波那样有一个恒矢量  $k$ , 但可以引入局域波矢  $k$ , 代表  $P$  点及其邻近小面元的法线



(a) 发散球面波

(b) 会聚球面波



完全可用思维导图的方式进行树形操作，添加关联，批量修改颜色标签，批量移动、合并等等。除树形图外还有大纲视图。



Documents 14:55 100%

Search in notes

### 第九章 沉淀溶解平衡

#### 溶解度

以上各  $K_{sp}$  表达式中每个浓度项的方次也总是等于电离式中的计量系数, 通式可写成

$$A_m B_n(s) \rightleftharpoons m A^{n+}(aq) + n B^{m-}(aq) \quad [A^{n+}]^m [B^{m-}]^n = K_{sp} \quad (9.1)$$

(9.1) 式表示: 一定温度下, 难电解质在其饱和溶液中各离子浓度幂的乘积是一个常数, 这个常数称为该难电解质的溶度积 (solubility product), 用符号  $K_{sp}$  表示, 也常简称为  $K_{sp}$ 。与  $K_{sp}$  关系

#### 溶解度和溶度积的关系

有关溶解度和溶度积关系比较复杂, 可归纳如下。

(1) 溶解度和溶度积都是难溶物的特征性质,  $K_{sp}$  越小溶解度越小, 这样的说法只适用于同类型的难溶物。如  $SrSO_4$  和  $AgBr$  都是 AB 型难溶物,  $s$  与  $K_{sp}$  的关系式相同,  $AgBr$  的  $K_{sp}$  小, 溶解度亦小。而  $SrSO_4$  与  $Mg(OH)_2$  分别是 AB 型和  $AB_2$  型, 它们的  $s$  与  $K_{sp}$  关系式不同, 尽管两者溶度积差不多, 但  $Mg(OH)_2$  的  $K_{sp}$  却小得多。

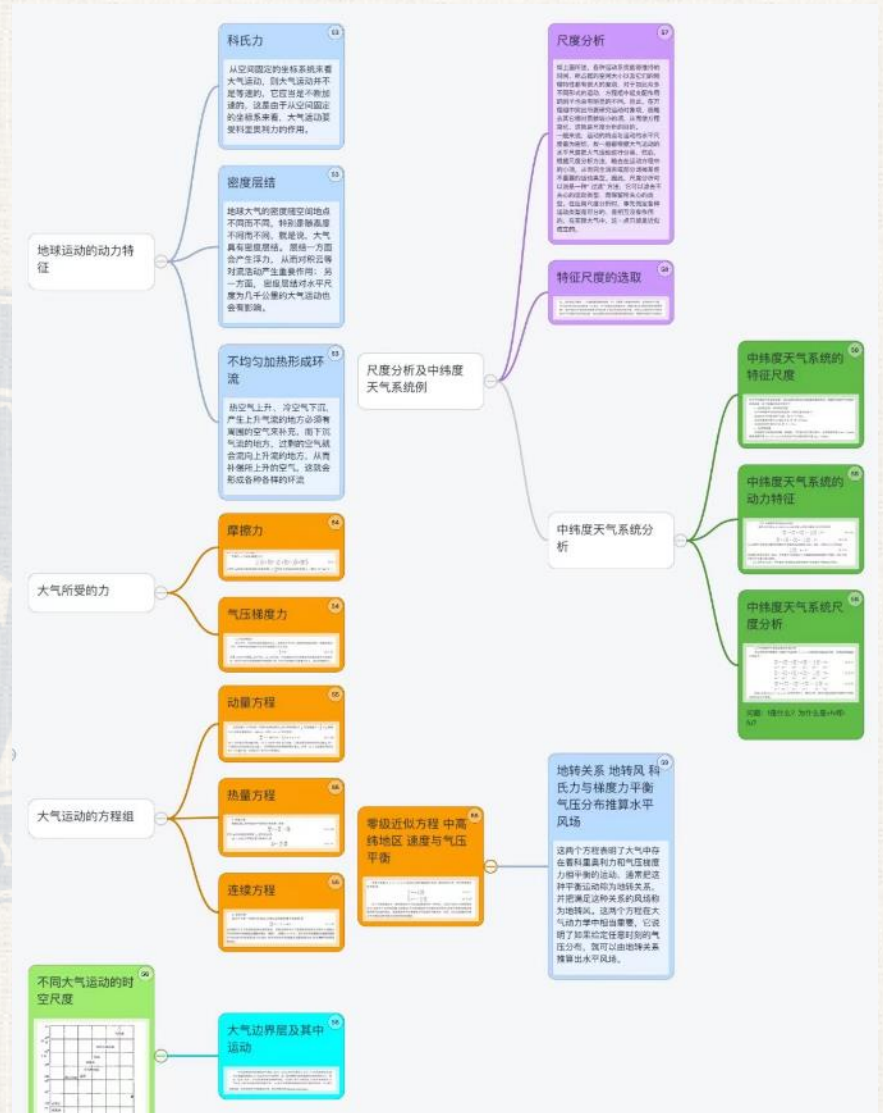
(2) 上述几种难溶物, 凡溶解的部分几乎完全电离的, 由  $K_{sp}$  推算的溶解度  $s$  和实验测定的溶解度数值比较相近, 经离子强度校正即可相符。也有一些难溶物溶解之后不完全电离, 如  $HgCl_2$  溶解的部分主要以  $HgCl_2$  分子形式存在于水中, 只有少量的  $Hg^{2+}$  和  $Cl^-$ , 用溶解度的数据来计算  $K_{sp}$  当然是不妥的。

(3) 有些难溶电解质发生分步电离, 在水溶液中固有多种离子, 上述溶解与  $K_{sp}$  的简单相互换算也是不适用的。如  $Fe(OH)_3$  在水溶液中分三步电离:

$$\begin{aligned} Fe(OH)_3(s) &\rightleftharpoons Fe(OH)_2^+(aq) + OH^-(aq) & K_1 \\ Fe(OH)_2^+(aq) &\rightleftharpoons Fe(OH)^+(aq) + OH^-(aq) & K_2 \\ Fe(OH)^+(aq) &\rightleftharpoons Fe^{3+}(aq) + OH^-(aq) & K_3 \\ Fe(OH)_3(s) &\rightleftharpoons Fe^{3+}(aq) + 3OH^-(aq) & K_{sp} = K_1 K_2 K_3 \end{aligned}$$

总的平衡常数  $K_{sp} = [Fe^{3+}][OH^-]^3$  是存在的, 是有实用价值的, 但其中  $Fe^{3+}$  和  $OH^-$  浓度比大小小于  $1 \times 10^{-3}$ , 随  $OH^-$  浓度的变化, 阳离子的存在形式和各种阳离子的比例都会随之而变。但在观察  $Fe(OH)_3$  沉淀的生成和溶解与  $OH^-$  浓度的关系时, 就是利用上述关系的, 参见本例题 9.7。

(4) 与  $SrSO_4$ 、 $AgBr$ 、 $Mg(OH)_2$  等不同, 一些弱酸、弱碱生成的盐类难溶物, 如  $BaCO_3$ 、



# UCAS

# 其他功能...

- 支持蓝牙键盘快捷键！
- 也是优秀的阅读器
  - 键盘翻页方便，分屏阅读！
- 将摘记和书一起导出为PDF
  - 会在书的一侧显示该页的摘录
- 将摘记导出为思维导图、印象笔记、Word
- 标签式管理文件
- 跨页摘录
- .....



# 分屏

iPad

15:22

100%

现代光学基础 第二版 钟锡华

大学物理通用教程 光学 钟锡华 陈熙远

图 2.15 NSOM 工作原理

## 习 题

2.1 菲涅尔公式有两种表示形式,如(2.22)~(2.25)式所示,试从上述公式的前一种表示式导出后一种表示式。

2.2 光矢量与人射面之间的夹角称为振动方位角。设入射的线偏振光的方位角为  $\alpha_1$ ,而入射角为  $i_1$ ,折射角为  $i_2$ 。试证明,反射线偏振光的方位角  $\alpha_2'$  和折射线偏振光的方位角分别由下两式给出:

$$\tan \alpha_2' = \frac{\cos(i_1 - i_2)}{\cos(i_1 + i_2)} \tan \alpha_1,$$

$$\tan \alpha_2 = \frac{n_2 \cos i_1 + n_1 \cos i_2}{n_1 \cos i_1 + n_2 \cos i_2} \tan \alpha_1 = \cos(i_1 - i_2) \tan \alpha_1.$$

2.3 一束线偏振光从空气入射到玻璃表面上,其入射角恰为布鲁斯特角,而方位角为  $20^\circ$ 。试求反射线偏振和折射线偏振的方位角  $\alpha_2'$  和  $\alpha_2$ 。设玻璃折射率为 1.55。

2.4 试计算:

(1) 光从空气入射于水面的布鲁斯特角  $i_B$ ,水的折射率为  $4/3$ ;

42 2 光在各向同性介质界面上的反射和折射

(2) 一束自然光从水入射于某种玻璃表面上,当入射角为  $50.82^\circ$  时反射光成为线偏振光,该玻璃的折射率是多少?

2.5 设入射光、反射光和折射光的总光功率分别为  $W_1, W_1'$  和  $W_2$ ,则总光功率的反射率  $R$  和透射率  $T$  定义为

$$R = \frac{W_1'}{W_1}, \quad T = \frac{W_2}{W_1}.$$

(1) 当入射光为线偏振光且其方位角为  $\alpha$  时,试证明

$$R = R_p \cos^2 \alpha + R_s \sin^2 \alpha, \quad T = T_p \cos^2 \alpha + T_s \sin^2 \alpha;$$

(2) 当入射光为自然光时,试证明

$$R = \frac{1}{2}(R_p + R_s), \quad T = \frac{1}{2}(T_p + T_s).$$

2.6 一线偏振光以  $45^\circ$  角入射于一玻璃面,其方位角为  $50^\circ$ ,设玻璃折射率为 1.50,求:

(1) 光功率反射率  $R$  和透射率  $T$ ;

(2) 若改为自然光入射,  $R$  和  $T$  变为多少?

2.7 如图所示,一束自然光入射于一平板玻璃,现观测到反射光强  $I_1 = 0.1 I_0$ ,求:

(1) 图中标出的各光束 2, 3, 4 的光功率  $W_2, W_3, W_4$  为多少? 设最初入射光功率为  $W_0$ ,忽略吸收;

(2) 若要求出光强比  $I_1/I_0$  还应当给出什么条件?

2.8 在光于介质表面的反射和折射实验中,获得以下测量数据:入射角  $i_1 \approx 75^\circ$ ,折射角  $i_2 \approx 40^\circ$ ,总光强反射率  $R \approx 30\%$ ,试求:

(1) 各偏振分量的反射率

26

2 光在各向同性介质界面上的反射和折射

## 2.3 反射率和透射率

• 三种含义不同的反射率和透射率

• 反射率和透射率随入射角和折射率的变化

• 斯托克斯关系

• 三种含义不同的反射率和透射率

当一束光遇到两种折射率不同介质的界面时,一般说来一部分反射,一部分折射,为了说明反射和折射各占多少比例,通常引入反射率和透射率概念。实际中根据不同的应用需要,引入三种含义不同的反射率和透射率,它们的定义和相互关系列于表 2-1 中。

表 2-1 三种反射率和透射率的定义和相互关系

|        | $p$ 分量   | $s$ 分量   |
|--------|--|--|
| 振幅反射率  | $\tilde{r}_p = \frac{E_{1p}}{E_{2p}}$ (2.7)                            | $\tilde{r}_s = \frac{E_{1s}}{E_{2s}}$ (2.8)                            |
| 振幅透射率  | $\tilde{t}_p = \frac{E_{2p}}{E_{1p}}$ (2.9)                            | $\tilde{t}_s = \frac{E_{2s}}{E_{1s}}$ (2.10)                           |
| 光强反射率  | $R_p = \frac{I_{1p}}{I_{2p}} =  \tilde{r}_p ^2$ (2.11)                 | $R_s = \frac{I_{1s}}{I_{2s}} =  \tilde{r}_s ^2$ (2.12)                 |
| 光强透射率  | $T_p = \frac{I_{2p}}{I_{1p}} = \frac{n_2}{n_1}  \tilde{t}_p ^2$ (2.13) | $T_s = \frac{I_{2s}}{I_{1s}} = \frac{n_2}{n_1}  \tilde{t}_s ^2$ (2.14) |
| 光功率反射率 | $R_p = \frac{W_{1p}}{W_{2p}} = R_p$ (2.15)                             | $R_s = \frac{W_{1s}}{W_{2s}} = R_s$ (2.16)                             |
| 光功率透射率 | $T_p = \frac{W_{2p}}{W_{1p}} = \frac{n_2}{n_1} T_p$ (2.17)             | $T_s = \frac{W_{2s}}{W_{1s}} = \frac{n_2}{n_1} T_s$ (2.18)             |

下面对表中内容作几点说明:

(1) 光强  $I$  的含义是平均能流密度,根据(1.4)式

$$I = \frac{n}{2\epsilon_0} |E|^2 \propto n |E|^2.$$

由于反射光和入射光在同一种介质中,因此光强反射率  $R = |\tilde{r}|^2$ ,

而透射光和入射光在不同的介质中,因此  $T = \frac{n_2}{n_1} |\tilde{t}|^2$ 。

## 2.3 反射率和透射率

27

(2) 光功率  $W$  等于光强  $I$  与光通截面  $S$  的乘积,由反射定律和折射定律可知,反射光束与入射光束的横截面积相等,而折射光束与入射光束横截面积之比为  $\cos i_1 / \cos i_2$ ,因此有

$$\tilde{r} = R, \quad \tilde{t} = \frac{\cos i_1}{\cos i_2} T.$$

(3) 根据能量守恒,对于  $p, s$  分量分别有

$$W_1 + W_{1s} = W_{2p}, \quad W_1 + W_{1s} = W_{2s},$$

因此有

$$R + T = 1, \quad R + T = 1, \quad (2.19)$$

图 2.2 自然光

图 2.3 自然光的正交分解

## 2.2 定态光波 复振幅描述

• 定态波与脉冲波 • 定态光波的能量表示 • 波函数的复数表示 • 直接振幅表示 • 平面波复振幅及其特点 • 球面波复振幅及其特点 • 光波与复振幅的关系

• 定态波与脉冲波

广义上说,驻波在空间的传播即驻波状态在空间传播,形成波包,按波包到达的空间各点形成一个等时面,驻波相应的驻波包,产生各种定态现象,比如驻波,对定态平行光波,驻波包对应中心光波,还有更复杂的,例如激光束光的波包,在其他物理现象中,在运动处其等时面近似为球面,而在中间地带其等时面就是一个由平面逐渐向球面过渡的曲面。

按时间尺度衡量,波包可分为定态波与脉冲波。凡在观测时间中,光能持续且稳定地发光,而波包中各点皆以同一频率作稳定的振荡,这种波称为定态波(stationary wave),其传播的时空图像如图 2.5(a)所示,是一个长长的波列随时间在空间传播,换言之,定态波中各点



图 2.5 波包传播

波包有两个特点——频率单一、振幅稳定。与定态波相比波包存在的频率单一——光波在极短时间内发光,以致波包局限于一小区域,称其为波包(wave packet),其传播时空图像如图 2.5(b)所示,是一个短促的波包,一定频率的波包在空间传播,当然,它将持续或短暂的时间概念是相对的,相对光波的周期而言。我们知道,对于可见光,  $\nu = 10^{14} \sim 10^{16} \text{ Hz}$ ,若普通光源从波包中取出时间尺度,其一次持续发光时间间隔  $\tau = 10^{-10} \sim 10^{-12} \text{ s}$ ,这相当于激发了一个长波列内含  $10^4 \sim 10^6$  个周期,这种情况就可视为定态波。如果一次发光时间在  $10^{-10} \sim 10^{-12} \text{ s}$  内,即  $1 \text{ ps}$  量级,波包是脉冲光了。目前,超短脉冲激光已达到了国际水平是  $10 \text{ fs}$ ,已能产生超短脉冲,其时间宽度平均能宽已接近  $4 \sim 5 \text{ fs}$ ,中国有光物理的实验室与超短脉冲光水平相近。如超短脉冲激光束中有极小的脉冲功率,使其激光强度可达  $10^{12} \text{ W/cm}^2$  量级,如此强的光,有极窄的脉宽,基于这两点,超短超短脉冲激光已成为宽带谱光源,瞬态谱研究和非线性光学研究的有力工具。如果将其聚焦于极小的光斑或光束,有望成为纳米技术或分子生物学研究的得力手段。

• 定态光波的复振幅表示

光是电磁波,涉及两个交变的矢量场  $E(P,t)$ 、 $B(P,t)$  的变化和分布,故光的传播理论应当是矢量场的形式。鉴于  $E$  与  $B$  之间存在相位、振幅和偏振方向上有确定的关系,允许人们选取其一作为代表作为光矢量,通常选择电场强度矢量  $E$  为光矢量,这其中还有一个实际背景,即波束光与物质相互作用过程中起主要作用的是电场,比如光合作用、视觉效应、光电效应等,光热效应等,其中起主要作用过程主要是电场与分子、原子或电子的相互作用,这适用于光照射、光电效应和激光光学等。这样,光波传播理论就简化为以单一矢量场  $E(P,t)$  来描述。再考虑到  $E$  有三个分量  $(E_x, E_y, E_z)$ ,各分量满足的是同一形式的波动方程(2.2),

比如对  $E_x(P,t)$ ,其波动方程形式为

$$\frac{\partial^2 E_x}{\partial t^2} - \frac{\partial^2 E_x}{\partial x^2} - \frac{\partial^2 E_x}{\partial y^2} - \frac{\partial^2 E_x}{\partial z^2} = 0,$$

于是,又允许我们选择其中一个分量作为代表,将矢量波动方程(2.2)形式转化为标量波动方程

$$\nabla^2 U - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 U}{\partial t^2} = 0, \quad (2.12)$$

其中标量符号  $U$  可以理解为电场分量中的任一分量。综上所述,经过以上若干物理的考虑,我们建立了光波传播的数学描述,以此为基础建立电磁波传播的标量波动理论。现将上述简化处理叙述如下。

光传播的标量波动理论或标量波动方程,是一个初值问题而适用于很多场合。在某种意义上,比如讨论波传播的相干条件、偏振光学等问题时,我们自然要注意到光的横波性。

我们选择将波包为定态光波的复振幅表示,并所求波函数的形式为

$$U(P,t) = A(P) \exp(-i\omega t) \quad (2.13)$$

它体现了定态光波的复振幅表示,其第一特点:本波包在  $A(P)$  具有不随时间变化,即可认为是

做作业的神配置:

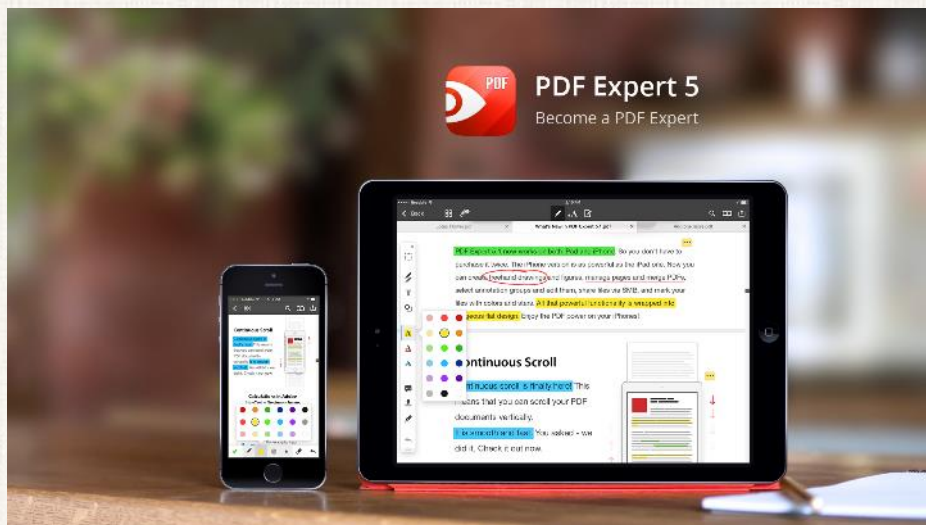
一屏放习题

一屏放课本中的对应内容

一屏放别的参考书

UCAS

# Topic 6 笔记-综合型



效果比较精致。





## PDF Expert 5

### 数学分析笔记

#### 命题

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$$

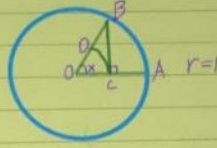
#### 证明

$$\begin{aligned} S_{\triangle OAB} &= \frac{1}{2} OA \cdot OB = \frac{1}{2} x \\ S_{\triangle OAB} &= \frac{1}{2} OA \cdot OC = \frac{1}{2} x \cos x \\ \therefore \frac{1}{2} x \cos x &= \frac{1}{2} x \end{aligned}$$

$$\cos x = 1 \quad \text{当 } x \rightarrow 0 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 0} \cos x = 1$$

$$1 - \sin x = 1 - \cos x \leq \frac{\sin^2 x}{1 + \cos x} \leq \sin^2 x \leq x^2$$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$$



#### 定义

由集合  $X$  中的某些子集  $B \subset X$  组成的族  $\mathcal{B}$  称为  $X$  中的基。若

- $\forall B \in \mathcal{B}, B \neq \emptyset$
- $\forall B_1, B_2 \in \mathcal{B}, B_1 \cap B_2 \in \mathcal{B}$

#### 基极限, 基

设  $X \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $\mathcal{B}$  是  $X$  中的基, 若对  $A$  的任意邻域  $V(A) \ni B \in \mathcal{B}$ , 有  $f(B) \subset V(A)$ , 称  $f$  关于基  $\mathcal{B}$  的极限, 记  $\lim_{\mathcal{B}} f(x) = A$

若  $x \rightarrow a$ ,  $B \in \mathcal{B}$  的族  $\mathcal{B}$  称为  $\mathcal{B}$  的基,  $\mathcal{B}(a) = \{B \in \mathcal{B} \mid a \in B\}$

$$x \rightarrow \infty, U(x) = \{x \mid x > 0\}$$

$$x \rightarrow a, U(x) = \{x \mid x > a\}$$

$$x \rightarrow \infty, U(x) = \{x \mid x > 0\}$$



喵喵

若  $\exists A \in \mathbb{R}, \forall x \in B, f(x) = A$ , 称  $f$  关于  $\mathcal{B}$  最终为常值

若  $\exists C > 0, B \in \mathcal{B}, \forall x \in B, |f(x)| < C$  称  $f$  关于  $\mathcal{B}$  最终有界

若  $\lim_{\mathcal{B}} f(x) = 0$ , 称  $f$  关于基  $\mathcal{B}$  为无穷小

#### 证明

$$\begin{aligned} (1) \quad \forall \varepsilon > 0, \exists \delta > 0, \forall x \in U_\delta(a), |f(x) - A| < \frac{\varepsilon}{2} \\ \exists \delta' > 0, \forall x \in U_{\delta'}(a), |f(x) - A| < \frac{\varepsilon}{2} \\ \forall x \in U_\delta(a) \cap U_{\delta'}(a), |f(x) - A| < \frac{\varepsilon}{2} \\ (3) \Rightarrow 2 \\ (b) \quad \therefore |2f(x) - 2A| < \varepsilon \end{aligned}$$

#### 命题

$$\lim_{x \rightarrow a} f(x) = A \Leftrightarrow f(x) = A + o(1) \quad \text{当 } x \rightarrow a$$



#### 定理

设  $f, g: D \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = A, \lim_{x \rightarrow a} g(x) = B$

a)  $\lim_{x \rightarrow a} (f(x) + g(x)) = A + B$

b)  $\lim_{x \rightarrow a} (f(x) - g(x)) = A - B$

c)  $\lim_{x \rightarrow a} (kf(x)) = kA$

d)  $\lim_{x \rightarrow a} (f(x)g(x)) = AB$

e)  $\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{g(x)} = \frac{A}{B}$  (当  $B \neq 0$ )

f)  $\lim_{x \rightarrow a} \sqrt[n]{f(x)} = \sqrt[n]{A}$  (当  $A \geq 0$ )

g)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x)^{g(x)} = A^B$  (当  $A > 0$ )

h)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x)^{g(x)} = A^B$  (当  $A > 0$ )

i)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x)^{g(x)} = A^B$  (当  $A > 0$ )

j)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x)^{g(x)} = A^B$  (当  $A > 0$ )

k)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x)^{g(x)} = A^B$  (当  $A > 0$ )

l)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x)^{g(x)} = A^B$  (当  $A > 0$ )

m)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x)^{g(x)} = A^B$  (当  $A > 0$ )

n)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x)^{g(x)} = A^B$  (当  $A > 0$ )

o)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x)^{g(x)} = A^B$  (当  $A > 0$ )

p)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x)^{g(x)} = A^B$  (当  $A > 0$ )

q)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x)^{g(x)} = A^B$  (当  $A > 0$ )

r)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x)^{g(x)} = A^B$  (当  $A > 0$ )

s)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x)^{g(x)} = A^B$  (当  $A > 0$ )

t)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x)^{g(x)} = A^B$  (当  $A > 0$ )

u)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x)^{g(x)} = A^B$  (当  $A > 0$ )

v)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x)^{g(x)} = A^B$  (当  $A > 0$ )

w)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x)^{g(x)} = A^B$  (当  $A > 0$ )

x)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x)^{g(x)} = A^B$  (当  $A > 0$ )

y)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x)^{g(x)} = A^B$  (当  $A > 0$ )

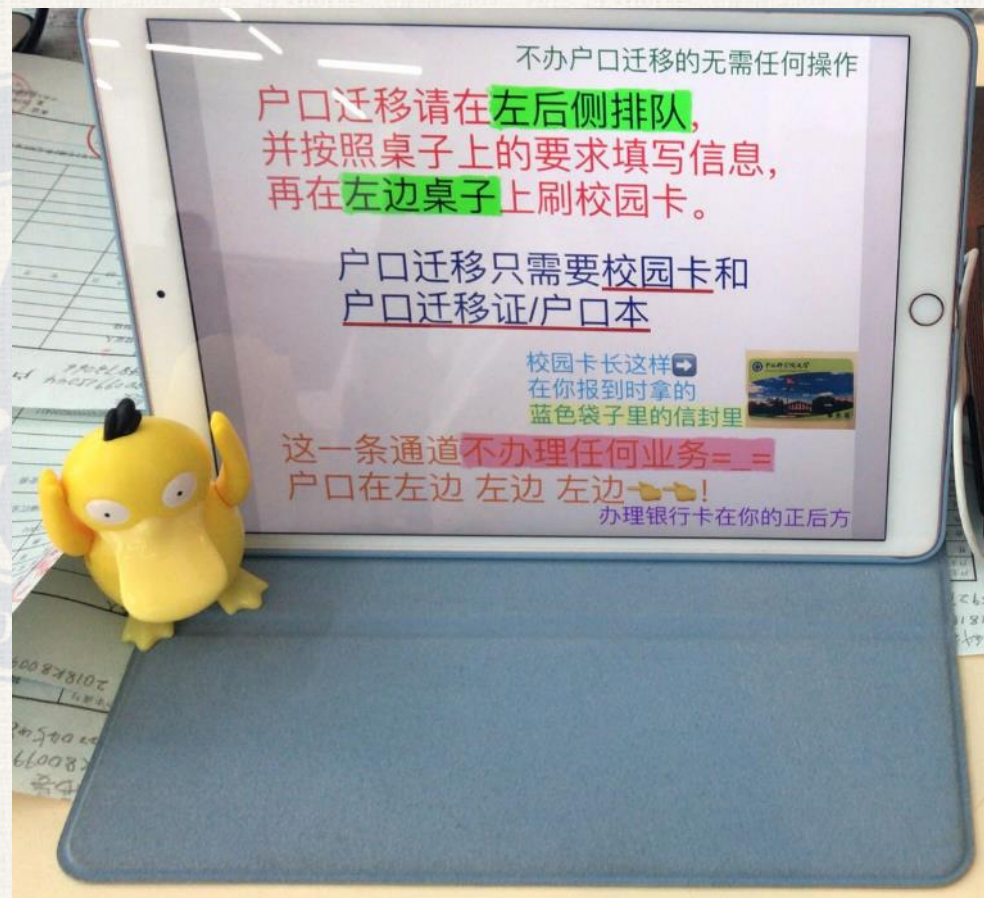
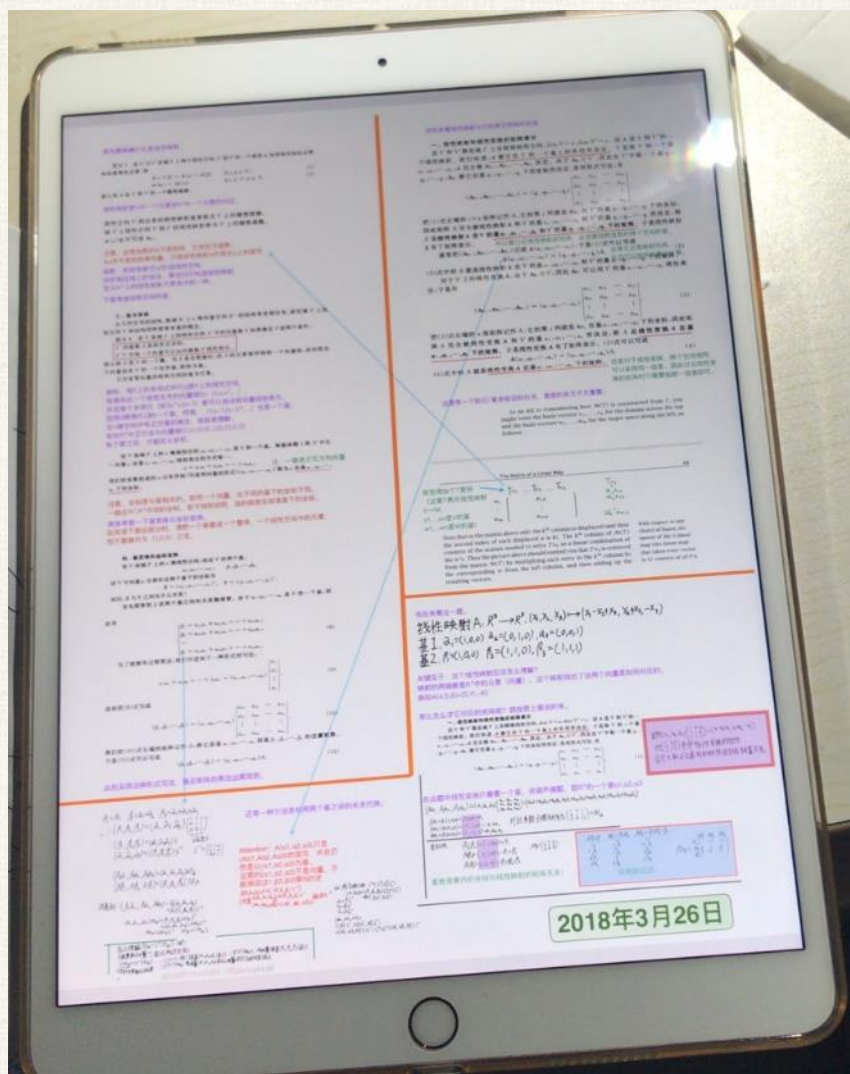
z)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x)^{g(x)} = A^B$  (当  $A > 0$ )

配置: ipad Air 2 (三四年了)  
电容笔(237R)

特性:

- 放大书写
- 图形印章
- 直线、圆和矩形绘制
- 多选缩放、移动
- 插入文字





# 其实它们本来的功能是.....

- 文件管理！
- 查看各种类型的文件
- 编辑PDF：调整页面、修改目录大纲等
- 连接文件服务器：iCloud, Onedrive, Goodle Drive, FTP, ...
- .....
- （其中Cabinet只有一小部分功能）

但是正是因为要管理一堆书，  
并且有不错的笔记功能，  
所以也是我学习时最经常用的。





# 总结

- 记住了多少app?
- 这是次要的，别忘了根本目的——
- 你们完全可以打破之前的定式，积极地探索各种学习方式，这一过程是十分有趣的。并且会发现

总有一款适合你！





中国科学院大学  
University of Chinese Academy of Sciences

THANKS

